

# Überblick wichtiger thermodynamischer Größen

Die in einem vollständigen Differential  $dU = \sum_{i=1}^n \frac{\partial U}{\partial x_i} dx_i$  einander zugeordneten Größen ( $\frac{\partial U}{\partial x_i}, x_i$ ) bezeichnet man als (thermodynamisch) konjugierte Variablen.

Die üblichsten Paare sind:

- Temperatur & Entropie, (T, S) → thermische Variablen;
- Druck & Volumen, (p, V) → mechanische Variablen;
- chemisches Potential & Teilchenzahl, (μ, N) → chemische Variablen.

wichtige thermodynamische Potentiale:

$$\text{Innere Energie, } U(S, V, N), \quad dU = T dS - p dV + \mu dN$$

$$H = U + pV$$

$$\text{Enthalpie, } H(S, p, N), \quad dH = T dS + V dp + \mu dN$$

$$F = U - TS$$

$$\text{Freie Energie, } F(T, V, N), \quad dF = -SdT - p dV + \mu dN$$

$$G = H - TS$$

$$\text{Freie Enthalpie, } G(T, p, N), \quad dG = -SdT + V dp + \mu dN \\ (\text{Gibbs-Potential})$$

Alle Potentiale können mittels Legendre-Transformationen ineinander überführt werden.

Es existieren noch 4 weitere Potentiale; nennenswert ist noch das Großkanonische Potential  $J(T, V, \mu)$ ,

$$dJ = -S dT - p dV - N d\mu.$$

Von zentraler Bedeutung sind außerdem die Zustandssummen  $Z$  (engl.: "partition function"), da aus ihnen sämtliche Potentiale abgeleitet werden können.

Beispielsweise gilt für die kanonische Zustandssumme:

$$Z(T, V, N) = \int_{\text{f}}^{\text{f}} dx \int_{\text{p}}^{\text{p}} dp e^{-\beta H(x, p)},$$

wobei  $H(x, p)$  die Hamilton-Funktion des Systems und  $\beta = 1/kT$ ;

dann:  $U = -\frac{1}{Z} \frac{\partial Z}{\partial \beta}$  (s. Vorlesung, später).